PENDEKATAN BAYESIAN SELF PADA MODEL SURVIVAL EKSPONENSIAL- GAMMA UNTUK MENENTUKAN PREMI TUNGGAL BERSIH DWIGUNA k -TAHUN

Lisa Noviani, Setyo Wira Rizki, Naomi Nessyana Debatara

INTISARI

Analisis survival adalah sekumpulan aturan atau prosedur dalam ilmu statistika untuk menganalisis data dengan memperhatikan variabel waktu dimulai dari berlangsungnya suatu kejadian sampai akhir kejadian. Dalam penelitian ini analisis survival digunakan untuk menganalisis fungsi survival eksponensial dengan parameter yang telah diestimasi menggunakan Pendekatan Bayesian SELF dengan prior gamma. Selanjutnya, model survival yang telah diestimasi digunakan dalam model Actuarial Present Value (APV) asuransi dwiguna. Pada penelitian ini digunakan premi tunggal bersih yaitu jenis premi asuransi yang tidak memperhatikan faktor biaya (anuitas). Tujuan Penelitian ini adalah menentukan premi tunggal bersih dwiguna k -tahun untuk seseorang yang berusia dari 1 sampai 55 tahun dengan jumlah sampel sebanyak 55 orang, dalam jangka 10 tahun, 15 tahun dan 20 tahun. Berdasarkan hasil perhitungan didapatkan bahwa harga premi untuk seseorang yang berusia 1 sampai 55 tahun, berjangka 10 tahun sebesar Rp61.551.502,7,- berjangka 15 tahun adalah Rp51.490.493,06,- dan berjangka 20 tahun adalah Rp45.394.374,22,-. Sehingga disimpulkan semakin lama jangka pembayaran semakin murah harga premi yang dibayarkan.

Kata Kunci : Prior, Actuarial Present Value, estimasi model.

PENDAHULUAN

Asuransi dwiguna k -tahun merupakan salah satu jenis asuransi jiwa yang khusus menangani risiko akibat kematian yaitu yang menawarkan dua manfaat sekaligus, yaitu manfaat dari asuransi dwiguna berjangka k -tahun dan dwiguna murni. Pembayaran premi pada asuransi dapat dilakukan secara sekaligus saat kontrak terjadi selanjutnya tidak ada pembayaran lagi disebut dengan premi tunggal bersih [1]. Dalam menghitung premi tunggal bersih dibutuhkan nilai *Actuarial Present Value* (APV) berdasarkan jenis asuransi yang diambil. Pada model APV terdapat fungsi *survival* seorang peserta asuransi yang mengikuti polis. Fungsi *survival* dianalisis dengan menggunakan analisis uji tahan hidup (analisis *survival*). Permodelan analisis *survival* ada dua yaitu model parametrik dan nonparametrik. Beberapa model parametrik yaitu dengan data yang berdistribusi eksponensial, distribusi weibull, distribusi log-logistik, dan distribusi gamma. Setelah diketahui distribusi data langkah selanjutnya mengestimasi parameter. Dalam mengestimasi parameter dapat digunakan dua pendekatan yaitu pendekatan klasik (*classical approach*) dan Pendekatan Bayesian (*Bayesian Approach*) atau dikenal dengan metode Bayesian [2]. Beberapa pendekatan dari metode estimasi Bayesian yang dapat digunakan untuk mengestimasi parameter distribusi yaitu *Generalised Noninformative Prior*, *Linear Exponential Loss Function*, *Lindley Approximation*, *General Entropy Loss Function* (GELF), dan *Squared Error Loss Function* (SELF) [2]. Tujuan penelitian ini yaitu menerapkan model premi dwiguna k -tahun dengan estimasi model *survival* eksponensial Bayesian SELF dalam perhitungan harga premi tunggal bersih dwiguna berjangka 10 tahun, 15 tahun dan 20 tahun. Batasan masalah pada penelitian ini adalah (1) Distribusi data adalah distribusi eksponensial. (2) Distribusi prior yang digunakan untuk estimasi Bayesian adalah distribusi gamma. (3) Jenis asuransi yang digunakan adalah asuransi jiwa dwiguna k -tahun diskrit. (4) Menggunakan jenis premi tunggal bersih. Adapun pada metodologi penelitian ini dimulai terlebih dahulu dilakukan uji kecocokan model (*Goodness of Fit Test*) dengan uji Kolmogorov-Smirnov untuk mengetahui data berdistribusi eksponensial $f(t; \theta)$ atau tidak. Setelah itu menentukan model *survival* dari fungsi distribusi kumulatif $F(t)$, fungsi *survival* $S(t)$ dari distribusi eksponensial. Tahap selanjutnya mengestimasi parameter θ untuk model *survival*

Bayesian SELF $\hat{S}(t)_{BS}$, dimulai dengan penentuan fungsi *likelihood* pada data usia $L(t_j; \theta)$. Fungsi *likelihood* sebagai distribusi sampel pada metode Bayes. Langkah berikutnya yaitu menentukan distribusi prior $f(\theta)$ dari distribusi eksponensial. Setelah memperoleh fungsi *likelihood* pada data usia $L(t_j; \theta)$ dan distribusi prior $f(\theta)$, selanjutnya menentukan peluang marjinal $f(t_j)$ yang akan menjadi bagian dalam perumusan posterior $f(\theta|t_j)$ (metode Bayes) yang akan menghasilkan nilai parameter $\hat{\theta}$. Setelah itu, mendapatkan model *survival* Bayesian SELF $\hat{S}(t)_{BS}$ yang akan diterapkan ke model APV asuransi dwiguna k -tahun yang merupakan penjumlahan dari asuransi berjangka k -tahun dan dwiguna murni. Langkah selanjutnya menghitung nilai premi tunggal 10 tahun, 15 tahun dan 20 tahun.

DISTRIBUSI EKSPONENSIAL

Jika T adalah waktu *survival* yang mengikuti distribusi eksponensial dengan parameter θ , fungsi kepadatan peluang distribusi eksponensial ialah [3]:

$$f(t; \theta) = \theta e^{-\theta t}, t \geq 0, \theta > 0$$

Fungsi distribusi kumulatif untuk distribusi eksponensial ialah [3]:

$$F(t; \theta) = 1 - e^{-\theta t}, t \geq 0, \theta > 0$$

Fungsi *survival* dari distribusi eksponensial sebagai berikut [3]:

$$S(t; \theta) = e^{-\theta t}, t \geq 0$$

METODE BAYESIAN

Metode Bayesian merupakan salah satu inferensi dalam ilmu statistik yang memandang parameter θ sebagai variabel *random* pada distribusi prior (sebelum) atau distribusi yang memberikan informasi awal. Distribusi prior tersebut diharapkan dapat berkonjugasi dengan distribusi data dengan suatu parameter tertentu. Penggabungan distribusi prior (sebelum) dengan fungsi *likelihood* (distribusi sampel) yang membentuk peluang bersyarat dan menghasilkan distribusi posterior [4]. Fungsi *likelihood* pada data usia dinyatakan sebagai berikut [5]:

$$\begin{aligned} L(t_j; \theta) &= f(t_1; \theta) f(t_2; \theta) \cdots f(t_n; \theta) \\ &= \prod_{j=1}^n f(t_j; \theta) \end{aligned}$$

dimana $L(t_j; \theta)$ menyatakan fungsi *likelihood*, θ parameter yang akan diestimasi, t menyatakan usia seseorang dimulai dari usia satu tahun (t_1) sampai usia seseorang yang berusia n tahun (t_n) dan

$\prod_{j=1}^n f(t_j; \theta)$ yang menyatakan sigma perkalian dari $f(t_1; \theta) \cdot f(t_2; \theta) \cdot f(t_3; \theta) \cdots f(t_n; \theta)$, sehingga estimasi fungsi *likelihood* dari distribusi eksponensial sebagai berikut:

$$\begin{aligned} L(t_j; \theta) &= \prod_{j=1}^n f(t_j; \theta) \\ &= \theta^n e^{-\left(\theta \sum_{i=1}^n t_i\right)} \end{aligned} \quad (1)$$

Dalam kasus ini, distribusi gamma ditetapkan sebagai distribusi prior sekawan untuk distribusi eksponensial, sehingga distribusi prior untuk θ ialah:

$$f(\theta) = \frac{\beta^\alpha}{\Gamma(\alpha)} \theta^{\alpha-1} e^{-\beta\theta} \quad \alpha > 0, \beta > 0, \theta > 0 \quad (2)$$

dengan $\alpha = 1$ dan $\beta = E(T)$ [2].

setelah menentukan distribusi *likelihood* dan distribusi prior maka selanjutnya penentuan distribusi posterior, yang dituliskan sebagai berikut [4]:

$$f(\theta|t_j) = \frac{f(\theta)L(t_j; \theta)}{\int_0^\infty f(\theta)L(t_j; \theta)d\theta}$$

dengan $f(\theta|t_j)$ merupakan distribusi posterior dan $f(\theta)$ merupakan distribusi prior, sedangkan $L(t_j; \theta)$ merupakan fungsi *likelihood*.

Jika $T \sim \text{Eksponensial}(\theta)$ dan fungsi kepadatan peluang distribusi prior $\theta \sim \text{Gamma}(\alpha, \beta)$, maka distribusi posterior dapat dinyatakan sebagai fungsi peluang bersyarat dari θ dengan t diketahui, sehingga distribusi posterior juga dapat dinyatakan sebagai berikut [2]:

$$f(\theta|t_j) = \frac{f(\theta; t_j)}{f(t_j)}$$

Karena $f(\theta, t_j)$ dapat dinyatakan sebagai $f(\theta)L(t_j; \theta)$, dimana $L(t_j; \theta)$ merupakan fungsi *likelihood* dan $f(\theta)$ merupakan distribusi prior. Berdasarkan Persamaan (1) dan (2) maka,

$$\begin{aligned} f(\theta; t_j) &= f(\theta)L(t_j; \theta) \\ f(\theta; t_j) &= \frac{\beta^\alpha}{\Gamma(\alpha)} \theta^{\alpha+n-1} e^{-\theta \left(\beta + \sum_{j=1}^n t_j \right)} \end{aligned} \quad (3)$$

Selanjutnya peluang marjinal dinyatakan sebagai berikut:

$$\begin{aligned} f(t_j) &= \int_0^\infty f(\theta)L(t_j; \theta)d\theta \\ f(t_j) &= \frac{\beta^\alpha}{\Gamma(\alpha)} \Gamma(\alpha+n) \left(\frac{1}{\beta + \sum_{j=1}^n t_j} \right)^{\alpha+n} \end{aligned} \quad (4)$$

maka berdasarkan Persamaan (3) dan (4) diperoleh distribusi posterior sebagai berikut:

$$f(\theta|t_j) = \frac{\theta^{\alpha+n-1} e^{-\theta \left(\beta + \sum_{j=1}^n t_j \right)}}{\Gamma(\alpha+n) \left(\frac{1}{\beta + \sum_{j=1}^n t_j} \right)^{\alpha+n}} = \frac{\theta^{\alpha+n-1} e^{-\theta \left(\beta + \sum_{j=1}^n t_j \right)} \left(\beta + \sum_{j=1}^n t_j \right)^{\alpha+n}}{\Gamma(\alpha+n)} \quad (5)$$

Berdasarkan Persamaan (5), diketahui bahwa posterior berdistribusi $\text{gamma} \left(\alpha + n, \sum_{j=1}^n t_j + \beta \right)$

METODE BAYESIAN SELF

Estimasi parameter yang digunakan dalam kasus ini menggunakan *Symmetric Loss Function* yang dikenal sebagai SELF atau *Squared Error Loss Function*, dimana *loss function* untuk SELF didefinisikan sebagai berikut [6]:

$$L(\theta, \hat{\theta}) = (\hat{\theta} - \theta)^2 \quad 0 < \theta < \infty$$

dengan $\hat{\theta}$ merupakan estimator Bayesian untuk θ dengan pendekatan SELF. Estimasi Bayesian SELF dari θ pada distribusi eksponensial yaitu diperoleh dengan meminimumkan ekspektasi *loss function* maka diperoleh sebagai berikut [2]:

$$\hat{\theta} = E(\theta)$$

dengan mensubstitusi Persamaan (5) diperoleh hasil estimasi parameter menggunakan metode Bayesian SELF ialah:

$$\hat{\theta}_{BS} = E(\theta) = \int_0^{\infty} \theta \frac{\theta^{\alpha+n-1} e^{-\theta \left(\beta + \sum_{j=1}^n t_j \right)}}{\Gamma(\alpha+n) \left(\frac{1}{\beta + \sum_{j=1}^n t_j} \right)^{\alpha+n}} d\theta = \left(\frac{\alpha+n}{\beta + \sum_{j=1}^n t_j} \right) \quad (6)$$

Berdasarkan Persamaan (6), maka estimasi parameter metode Bayesian SELF dari distribusi eksponensial pada data usia untuk fungsi *survival* diperoleh:

$$\hat{S}(t)_{BS} = \left(t_j; \hat{\theta} \right) = e^{\hat{\theta}_{BS} t_j} = e^{-\left(\frac{\alpha+n}{\beta + \sum_{j=1}^n t_j} \right) t_j} \quad (7)$$

dengan fungsi *survival* untuk $t + k$ dapat dituliskan,

$$\hat{S}(t+k)_{BS} = e^{-\left(\frac{\alpha+n}{\beta + \sum_{j=1}^n t_j} \right) t_j + k} \quad (8)$$

dan fungsi *survival* untuk $t + k + 1$, dituliskan:

$$S(t+k+1)_{BS} = e^{-\left(\frac{\alpha+n}{\beta + \sum_{j=1}^n t_j} \right) t_j + k+1} \quad (9)$$

FUNGSI PELUANG HIDUP DAN PELUANG MENINGGAL

Pemodelan APV dalam aktuaria menggunakan fungsi peluang hidup, yaitu seseorang berpeluang hidup dan meninggal. Peluang hidup seseorang didapatkan dengan mengestimasi fungsi *survival* yang dinotasikan dengan ${}_k p_t$ yaitu menyatakan peluang seseorang yang berusia t tahun dapat bertahan hidup hingga $t + k$ tahun [7]. Berdasarkan mensubstitusikan Persamaan (7) dan (8) diperoleh estimasi fungsi peluang hidup menggunakan fungsi *survival* Bayesian SELF sebagai berikut:

$$({}_k p_t)_{BS} = \frac{\hat{S}(t+k)_{BS}}{\hat{S}(t)_{BS}} = \frac{e^{-\left[\frac{\alpha+n}{\beta + \sum_{j=1}^n t_j} \right] t_j + k}}{e^{-\left[\frac{\alpha+n}{\beta + \sum_{j=1}^n t_j} \right] t_j}} = e^{-\left[\frac{\alpha+n}{\beta + \sum_{j=1}^n t_j} \right] k} \quad (10)$$

sedangkan peluang seseorang meninggal dinotasikan dengan q_{t+k} . Sehingga estimasi peluang seseorang meninggal menggunakan fungsi *survival* Bayesian SELF, berdasarkan Persamaan (8) dan (9), dinyatakan dengan:

$$\begin{aligned} (q_{t+k})_{BS} &= 1 - (p_{t+k})_{BS} = 1 - \frac{\hat{S}(t+k+1)_{BS}}{\hat{S}(t+k)_{BS}} \\ &= 1 - \frac{e^{-\left(\frac{\alpha+n}{\beta+\sum_{j=1}^n t_j}\right) t_{j+k+1}}}{e^{-\left(\frac{\alpha+n}{\beta+\sum_{j=1}^n t_j}\right) t_{j+k}}} = 1 - e^{-\left(\frac{\alpha+n}{\beta+\sum_{j=1}^n t_j}\right)} \end{aligned} \quad (11)$$

FAKTOR DISKON

Pemodelan APV asuransi berjangka k -tahun terdapat faktor diskon v merupakan faktor yang dipengaruhi oleh suku bunga, dalam penelitian ini digunakan suku bunga sederhana sehingga faktor diskon dinyatakan sebagai berikut [1]:

$$v = \frac{1}{(1+i)} \quad (12)$$

di mana: v = Faktor diskon
 i = Suku bunga

UJI KECOCOKAN (GOODNESS OF FIT TEST)

Uji kecocokan (*Goodness Of Fit Test*) adalah pengujian kecocokan antara distribusi sampel dengan distribusi tertentu, hipotesis pada uji Kolmogorov-Smirnov adalah sebagai berikut [8]:

H_0 : Data mengikuti distribusi yang eksponensial

H_1 : Data tidak mengikuti distribusi yang eksponensial

Pengambilan keputusan akhir untuk menerima atau menolak H_0 berdasarkan daerah kritis α dengan p -value. Jika diambil nilai $\alpha = 5\%$ maka kondisi H_0 diterima jika nilai p -value $> \alpha = 5\%$ dan sebaliknya H_0 ditolak jika nilai p -value $\leq \alpha = 5\%$.

MODEL APV PREMI TUNGGAL BERSIH DWIGUNA k -TAHUN

Asuransi dwiguna (*endowment*) k -tahun dengan jumlah unit pembayaran pada akhir tahun kematian adalah kombinasi dari asuransi berjangka k -tahun dan asuransi dwiguna murni (*pure endowment*) k -tahun [7]. Maka APV premi asuransi dwiguna dinyatakan sebagai berikut:

$$P(A_{t:k}) = B \left(\left(\sum_{k=0}^{n-1} v^{k+1} {}_k p_t q_{t+k} \right) + \left(v^k {}_k p_t \right) \right) \quad (13)$$

dengan:

B = Manfaat yang diterima

v = Faktor diskon

${}_k p_t$ = Peluang seseorang yang hidup pada usia t tahun sampai $t+k$ tahun

q_{t+k} = Peluang seseorang pada usia t tahun akan meninggal pada usia k tahun

$P(A_{t:k})$ = Premi asuransi dwiguna k -tahun

Model APV pada asuransi berjangka k -tahun yaitu [1]:

$$A_{t:k} = \sum_{k=0}^{n-1} v^{k+1} {}_k p_t q_{t+k} \quad (14)$$

Berdasarkan Persamaan (14) untuk mendapatkan model APV asuransi berjangka k -tahun dengan estimasi model *survival* eksponensial Bayesian SELF, berdasarkan Persamaan (10), (11), dan (12) yang diperoleh hasil sebagai berikut:

$$A_{t:k|BS} = \sum_{k=0}^{n-1} \left(\frac{1}{(1+i)} \right)^{k+1} \frac{e^{-\left[\frac{\alpha+n}{\beta+\sum_{j=1}^n t_j} \right] t_{j+k}}}{e^{-\left[\frac{\alpha+n}{\beta+\sum_{j=1}^n t_j} \right] t_j}} \left(1 - \frac{e^{-\left[\frac{\alpha+n}{\beta+\sum_{j=1}^n t_j} \right] t_{j+k+1}}}{e^{-\left[\frac{\alpha+n}{\beta+\sum_{j=1}^n t_j} \right] t_j}} \right) = \sum_{k=0}^{n-1} \left(\frac{1}{(1+i)} \right)^{k+1} e^{-\left[\frac{\alpha+n}{\beta+\sum_{j=1}^n t_j} \right] k} \left(1 - e^{-\left[\frac{\alpha+n}{\beta+\sum_{j=1}^n t_j} \right]} \right) \quad (15)$$

dengan mensubstitusikan Persamaan (10) dan (12) diperoleh model APV asuransi dwiguna murni dengan model *survival* eksponensial Bayesian SELF yang dituliskan sebagai berikut [1]:

$$A_{t:k|BS} = v^k ({}_k p_t)_{BS} = \left(\frac{1}{(1+i)} \right)^k \frac{e^{-\left[\frac{\alpha+n}{\beta+\sum_{j=1}^n t_j} \right] t_{j+k}}}{e^{-\left[\frac{\alpha+n}{\beta+\sum_{j=1}^n t_j} \right] t_j}} = \left(\frac{1}{(1+i)} \right)^k e^{-\left[\frac{\alpha+n}{\beta+\sum_{j=1}^n t_j} \right] k} \quad (16)$$

Berdasarkan rumus premi tunggal dwiguna k -tahun pada Persamaan (13), yaitu penjumlahan antara APV asuransi berjangka k - tahun Persamaan (15) dan APV asuransi dwiguna murni pada Persamaan (16). Sehingga diperoleh model premi dwiguna k -tahun menggunakan model *survival* eksponensial dengan pendekatan Bayesian SELF sebagai berikut:

$$\begin{aligned} P(A_{t:k})_{BS} &= B \left(\sum_{k=0}^{n-1} \left(\frac{1}{(1+i)} \right)^{k+1} \frac{e^{-\left[\frac{\alpha+n}{\beta+\sum_{j=1}^n t_j} \right] t_{j+k}}}{e^{-\left[\frac{\alpha+n}{\beta+\sum_{j=1}^n t_j} \right] t_j}} \left(1 - \frac{e^{-\left[\frac{\alpha+n}{\beta+\sum_{j=1}^n t_j} \right] t_{j+k+1}}}{e^{-\left[\frac{\alpha+n}{\beta+\sum_{j=1}^n t_j} \right] t_j}} \right) + \left(\frac{1}{(1+i)} \right)^k \frac{e^{-\left[\frac{\alpha+n}{\beta+\sum_{j=1}^n t_j} \right] t_{j+k}}}{e^{-\left[\frac{\alpha+n}{\beta+\sum_{j=1}^n t_j} \right] t_j}} \right) \\ &= B \left(\sum_{k=0}^{n-1} \left(\frac{1}{(1+i)} \right)^{k+1} e^{-\left[\frac{\alpha+n}{\beta+\sum_{j=1}^n t_j} \right] k} \left(1 - e^{-\left[\frac{\alpha+n}{\beta+\sum_{j=1}^n t_j} \right]} \right) + \left(\frac{1}{(1+i)} \right)^k e^{-\left[\frac{\alpha+n}{\beta+\sum_{j=1}^n t_j} \right] k} \right) \quad (17) \end{aligned}$$

PENERAPAN MODEL SURVIVAL EKSPONENSIAL BAYESIAN SELF PADA PERHITUNGAN PREMI DWIGUNA k -TAHUN

Studi kasus pada penelitian ini menggunakan data usia orang di mulai dari usia 1 sampai 55. Dengan jangka waktu pembayaran selama 10 tahun, 15 tahun dan 20 tahun. hasil uji distribusi data usia menggunakan uji Kolmogorov Smirnov pada aplikasi SPSS, diperoleh $p\text{-value}=0,099 > \text{nilai } \alpha=0,05$. Berdasarkan hal tersebut maka disimpulkan bahwa hipotesis H_0 diterima atau data berdistribusi eksponensial. Setelah menguji distribusi data selanjutnya dapat memulai proses menentukan harga premi dwiguna k -tahun dengan model *survival* eksponensial dengan Pendekatan Bayesian SELF.

Dalam perhitungan harga premi, ada beberapa unsur-unsur pembentuk model premi yang sudah diketahui melalui data, penentuan institusi atau penentuan dari peneliti, yaitu: $n=55$; $\sum_{j=1}^n t_j = 1540$; $\alpha = 1$; $\beta = E(T) = 28$ [2]; dan $i = 0,06$ [9]. Berdasarkan Persamaan (14) didapatkan harga premi untuk seseorang yang berusia 28 tahun dengan jangka pembayaran 10 tahun dengan manfaat yang diterima (B) sebesar Rp 100.000.000,- adalah :

$$P(A_{28:10})_{BS} = B \left(A_{28:10}^{BS} + A_{28:10}^{BS} \right) = 10^8 (0,224821536 + 0,39069349) \\ = 61551503,7$$

dan didapatkan premi tunggal dwiguna berjangka k -tahun untuk seseorang berusia 1 sampai 55 tahun disajikan pada Tabel 1:

Tabel 1 Harga Premi Tunggal Bersih Dwiguna k -Tahun

Bunga	Jangka (tahun)	Asuransi Dwiguna Berjangka (Rp)	Asuransi Dwiguna Murni (Rp)	Premi (Rp)
6%	10	22.482.153,64,-	39.069.349,04,-	61.551.502,7,-
	15	25.873.551,53,-	25.616.941,53,-	51.490.493,06,-
	20	29.125.042,94,-	16.269.331,29,-	45.394.374,22,-

Berdasarkan Tabel 1 menunjukkan bahwa harga premi yang didapatkan konstan tidak ada perubahan terhadap usia (t) tetapi perubahan hanya pada jangka waktu pembayaran (k), oleh karena itu perubahan tersebut dapat digambarkan dengan grafik yang disajikan pada Gambar 1 sebagai berikut:

Gambar 1 Premi Dwiguna k -Tahun Dengan Model *Survival* Eksponensial Bayesian SELF

Berdasarkan Gambar 1 grafik harga premi yang setiap jangka berbeda dan menunjukkan bahwa harga premi akan semakin murah apabila semakin lama jangka waktu pembayaran. Berdasarkan hal tersebut metode ini dapat digunakan untuk kasus asuransi.

PENUTUP

Berdasarkan tujuan penulisan dan hasil yang diperoleh, dapat ditarik kesimpulan sebagai berikut:

1. Hasil estimasi model *survival* eksponensial menggunakan Pendekatan Bayesian SELF ialah:

$$\hat{S}(t)_{BS} = \left(t_j; \hat{\theta} \right) = e^{\hat{\theta}_{BS} t_j} = e^{-\left(\frac{\alpha+n}{\beta + \sum_{j=1}^n t_j} \right) t_j}$$

2. Premi dwiguna k -tahun dengan estimasi model *survival* eksponensial Bayesian SELF:

$$P(A_{i:k})_{BS} = B \left(\left(\sum_{k=0}^{n-1} \left(\frac{1}{(1+i)} \right)^{k+1} e^{-\left(\frac{\alpha+n}{\beta + \sum_{j=1}^n t_j} \right) k} \left(1 - e^{-\left(\frac{\alpha+n}{\beta + \sum_{j=1}^n t_j} \right)} \right) \right) + \left(\frac{1}{(1+i)} \right)^k e^{-\left(\frac{\alpha+n}{\beta + \sum_{j=1}^n t_j} \right) k} \right)$$

3. Harga premi tunggal bersih dwiguna pada seseorang yang berusia 1 sampai 55 tahun berjangka 10 tahun Rp61.551.502,7,- berjangka 15 tahun Rp51.490.493,06,- dan berjangka 20 tahun Rp45.394.374,22,-. Sehingga dapat dilihat bahwa harga premi akan semakin murah jika jangka pembayaran semakin lama.

SARAN

Disarankan kepada peneliti selanjutnya jika tertarik mengambil metode Bayesian SELF untuk mempelajari lebih dalam tentang asumsi-asumsi yang harus dipenuhi, sebagai relevansi terhadap kasus yang diambil.

DAFTAR PUSTAKA

- [1]. Futami, T. *Seimei Hoken Sugaku, Joka*. Ed ke-3. Japan: *The Research Institute Of Life Insurance Welfare*; 1993.
- [2]. Fitria Syarifah, Helmi and Rizki, S. W. Estimasi Parameter Model *Survival* Distribusi Eksponensial Data Tersensor Dengan Metode Maksimum *Likelihood* Dan Bayesian SELF. *Bimaster*. 2016. Vol. 5.hal. 213–220.
- [3]. Lee, E.T. and Wang, J.W. *Statistical Methods for Survival Data Analysis*. Canada: John Wiley & Sons Inc; 2003.
- [4]. Bolstad, W. *Introduction to Bayesian Statistics*. Ed ke-2. Amerika: John Wiley & Sons, Inc; 2007.
- [5]. Bain, L. J. and Engelhardt, M. *Introduction to Probability and Mathematical Statistics*. Ed ke-2. California: Duxbury of Wathfor, Inc; 1992.
- [6]. Guure, C.B., and Ibrahim, N. A. Bayesian Analysis Survival Function and Failure Rate of Weibull Distribution with Censored Data. *Journal Mathematical Problems in Engineering*. 2012; Vol 1: Article ID 329489
- [7]. Bowers, N. L. *et al. Actuarial Mathematics. Second Edition*. The Society of Actuaries, USA; 1997.
- [8]. Siegel, S. *Nonparametric Statistics : For The Behavioral Sciences*. McGraw-Hill Book Company Inc, New York; 1986.
- [9]. BI 7-day (Reverse) Repo Rate From: <https://www.bi.go.id/id/moneter/bi-7dayRR/data/Contents/Default.aspx>.

LISA NOVIANI : Fakultas MIPA Universitas Tanjungpura, Pontianak, lisanovi@student.untan.ac.id.
 SETYO WIRA RIZKI : Fakultas MIPA Universitas Tanjungpura, Pontianak, setyo.wirarizki@math.untan.ac.id
 NAOMI NESSYANA DEBATARAJA : Fakultas MIPA Universitas Tanjungpura, Pontianak, naominessyana@math.untan.ac.id